

# Особенности выполнения задания 19



Панина Нина Александровна,  
учитель математики МБОУ  
«Средняя школа № 33, г. Смоленск»

# Критерии оценивания задания 19

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> , <i>b</i> и <i>в</i>	4
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>b</i>	3
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> и <i>b</i> ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i>	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>b</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	4

19. На доске написано трёхзначное число  $A$ . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число  $B$ , затем Коля записывает число  $A$  и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число  $C$ .

а) Может ли быть верным равенство  $A = B \cdot C$ , если  $A > 140$ ?

б) Может ли быть верным равенство  $A = B \cdot C$ , если  $440 \leq A \leq 540$ ?

Источник: <https://math100.ru/variant-ege-prof-242/>

Решение. а) Пусть  $A = 160$ , заметим, что  $160 > 140$ . Если  $B = 16\cancel{0} = 16$ ,  $C = 1\cancel{6}0 = 10$ , то равенство  $A = B \cdot C$  верно. Следовательно, да, равенство  $A = B \cdot C$  может быть верным, если  $A > 140$ .

б) Пусть  $A = 510$ , заметим, что  $440 < 510 < 540$ . Если  $B = 51\cancel{0} = 51$ ,  $C = \cancel{5}10 = 10$ , то равенство  $A = B \cdot C$  верно. Следовательно, да, равенство  $A = B \cdot C$  может быть верным, если  $440 \leq A \leq 540$ .

Ответ: а) да, может (см. пример);

б) да, может (см. пример).

19. На доске написано трёхзначное число  $A$ . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число  $B$ , затем Коля записывает число  $A$  и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число  $C$ .

б) Может ли быть верным равенство  $A = B \cdot C$ , если  $540 \leq A \leq 560$ ?

Решение.

б) Пусть  $A = \overline{mnk} = 100m + 10n + k$ , где  $540 \leq A \leq 560$ .

Тогда  $m = 5$ ;  $n \in \{4; 5\}$ ;  $k \in \{0; 1; 2; \dots; 9\}$ ,

следовательно,

$A = \overline{5nk}$ ,  $B \in \{\overline{5n}; \overline{5k}; \overline{nk}\}$ ,  $C \in \{\overline{5n}; \overline{5k}; \overline{nk}\}$ , то есть

$B \in \{50 + n; 50 + k; 10n + k\}$ ,  $C \in \{50 + n; 50 + k; 10n + k\}$ , где  $n \in \{4; 5\}$ .

Заметим, что  $B \geq 40$ ,  $C \geq 40$ , тогда  $B \cdot C \geq 40 \cdot 40$ , то есть  $B \cdot C \geq 1600 > A$ . Следовательно, если  $540 \leq A \leq 560$ , то равенство  $A = B \cdot C$  не может быть верным.



19. На доске написано трёхзначное число  $A$ . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число  $B$ , затем Коля записывает число  $A$  и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число  $C$ .

в) Найдите наибольшее число  $A$ , для которого выполняется равенство  $A = B \cdot C$ .

в) Заметим, что

$$910 = 91 \cdot 10, \text{ то есть } A = 910, B = 91\cancel{0} = 91, C = \cancel{9}10 = 10, \\ A = B \cdot C.$$

Выясним, существуют ли числа  $A$  такие, что  $911 \leq A \leq 999$ , для которых верно, что  $A = B \cdot C$ .

Пусть

$$A = \overline{mnk} = 100m + 10n + k, \text{ где } 911 \leq A \leq 999.$$

$$\text{Тогда } m = 9; \quad n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}; \quad k \in \{0; 1; 2; \dots; 9\},$$

следовательно,  $A = \overline{9nk}$ ,  $B \in \{\overline{9n}; \overline{9k}; \overline{nk}\}$ ,  $C \in \{\overline{9n}; \overline{9k}; \overline{nk}\}$  т. е.

$$B \in \{90 + n; 90 + k; 10n + k\}, \quad C \in \{90 + n; 90 + k; 10n + k\},$$

где  $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$ .

Предположим, что  $B=C$ , тогда равенство  $A=B \cdot C$  примет вид  $A=B^2$ . Но в промежутке  $[911; 999]$  только одно число является квадратом натурального числа. Это 961.

$961 = A = 31^2$ . Но число 31 нельзя получить из числа 961 вычёркиванием одной цифры, следовательно,  $B \neq 31$ , равенство  $A=B \cdot C$  не выполняется, если  $B=C$  и  $A \in [911; 999]$ .

Учитывая, что верен переместительный закон умножения и  $B \neq C$ , следует рассмотреть лишь 3 случая:

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k}, \quad B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}, \quad B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}.$$

1)  $B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k}$ .

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{9k} = (90 + n)(90 + k) = 8100 + 90k + 90n + nk \geq 8100 > A$$

Следовательно, в этом случае при  $A \in [911; 999]$  равенство  $A=B \cdot C$  не может быть верным.

$$2) B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}.$$

$$B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk} = (90 + n)(10n + k) = 900n + 90k + 10n^2 + nk.$$

Если  $k \neq 0$ , то (так как  $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$ )

$$B \cdot C = 900n + \underbrace{90k + 10n^2}_{\geq 100} + nk > 1000 > A,$$

равенство  $A = B \cdot C$  не может быть верным.

Если  $k = 0$ , то (так как  $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$ )

$B \cdot C = 900n + 10n^2$  – трёхзначное число тогда и только тогда, когда  $n = 1$ .

В этом случае

$$m = 9, n = 1, k = 0, A = 910 \notin [911; 999].$$

Равенство  $A = B \cdot C$  не может быть верным, если  $B \cdot C = \overline{9n} \cdot \overline{nk}$  и  $A \in [911; 999]$ .

$$3) B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}.$$

$$B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk} = (90 + k)(10n + k) = 900n + 90k + 10nk + k^2.$$

Если  $k \neq 0$ , то (так как  $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$ )

$$B \cdot C = \underbrace{900n}_{\geq 900} + \underbrace{90k + 10nk}_{\geq 100} + k^2 > 1000 > A,$$

равенство  $A = B \cdot C$  не может быть верным.

Если  $k = 0$ , то (так как  $n \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$ )

$B \cdot C = 900n$  – трёхзначное число тогда и только тогда, когда  $n = 1$ .

В этом случае

$$m = 9, n = 1, k = 0, A = 910 \notin [911; 999].$$

Равенство  $A = B \cdot C$  не может быть верным, если  $B \cdot C = \overline{9k} \cdot \overline{nk}$  и  $A \in [911; 999]$ .



Выяснили, что на промежутке  $[911; 999]$  нет таких натуральных чисел  $A$ , для которых равенство  $A = B \cdot C$  является верным.

Но если  $A = 910$  и  $B = 91\cancel{0} = 91$ ,  $C = \cancel{0}10 = 10$ , то  $A = B \cdot C$ .

Следовательно, 910 – наибольшее трёхзначное число  $A$ , для которого выполняется равенство  $A = B \cdot C$ .

Ответ: б) нет, не может;

в) 910.

19. На доске написано трёхзначное число  $A$ . Серёжа зачёркивает одну цифру и получает двузначное число  $B$ , затем Коля записывает число  $A$  и зачёркивает одну цифру (возможно ту же, что Серёжа) и получает число  $C$ .

б) Может ли быть верным равенство  $A = B \cdot C$ , если  $540 \leq A \leq 560$  ?

в) Найдите наибольшее число  $A$ , для которого выполняется равенство  $A = B \cdot C$ .

19. Трёхзначное число, все цифры которого ненулевые, разделили на произведение его цифр.

а) Могло ли в результате деления получиться частное, равное 8?

б) Могло ли в результате деления получиться частное, равное 222?

в) Какое наибольшее частное можно было получить в результате деления?

Источник: <https://math100.ru/variant-ege-prof-248/>

Решение. а) Да, в результате могло получиться 8.

$$\text{Например, } \frac{128}{1 \cdot 2 \cdot 8} = \frac{64}{8} = 8.$$

PS Если предстоит ответить: «Да, могло», то можно без обоснований привести пример и доказать его полное соответствие условию задачи

б) Пусть трёхзначное число равно  $X$ ,

$a$  – его первая цифра,  $a \neq 0$ ,

$b$  – его вторая цифра,  $b \neq 0$ ,

$c$  – его третья цифра,  $c \neq 0$ .

$$\text{Тогда } \frac{X}{a \cdot b \cdot c} = 222;$$

$$X = 222a \cdot b \cdot c \mid \Rightarrow X \text{ без остатка делится на } 222.$$

Трёхзначные числа, делящиеся на 222 без остатка – это 222; 444; 666; 888. Других нет.

$$\frac{222}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{111}{4} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{444}{4 \cdot 4 \cdot 4} = \frac{111}{16} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{666}{6 \cdot 6 \cdot 6} = \frac{111}{36} = \frac{37}{12} \text{ – не является натуральным числом,}$$

$$\frac{888}{8 \cdot 8 \cdot 8} = \frac{111}{64} \text{ – не является натуральным числом.}$$

Следовательно, нет, не могло частное равняться 222.



PS Если предстоит ответить: «Нет, не могло», то решение можно представить двумя способами.

Первый. Можно

- выяснить, каким свойством обладают изучаемые объекты (в представленном примере – делятся на 222),
- смоделировать множество ВСЕХ объектов, обладающих этим свойством (в представленном примере – {222; 444; 666; 888}) и
- методом перебора показать их противоречивость условию.

Второй способ. Можно

- ✓ ввести буквенную символику, то есть составить буквенную модель объекта,
- ✓ в общем виде выполнить с объектом все манипуляции, указанные в условии задачи,
- ✓ обнаружить противоречие условию.



в) Так как среди цифр числа нет нулевых, то 111 – наименьшее трёхзначное число, соответствующее условию задачи. Тогда частное от деления числа на произведение его цифр равно  $\frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111$ .

1) Выясним, есть ли на промежутке  $[112; 199]$  число  $X$ , для которого частное от деления окажется больше 111.

Так как среди цифр числа (то есть среди  $a, b$  и  $c$ ) есть хотя бы одна цифра, отличная от 1, и нет нулевых (по условию), то  $a \cdot b \cdot c \geq 2$  и  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{199}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{199}{2} < 111$ .

Следовательно, на промежутке  $[112; 199]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

2)  $X \notin \{200; 201; 202; \dots; 210\}$ . Поэтому выясним, есть ли на промежутке  $[211; 299]$  число  $X$ , для которого частное от деления окажется больше 111.

Если  $X = 211$ , то  $\frac{211}{2 \cdot 1 \cdot 1} < 111$  – частное меньше 111.

Если  $X \in [212; 299]$ , то  $a = 2$  и среди ненулевых цифр  $b$  и  $c$  есть хотя бы одна цифра, отличная от 1. Тогда  $a \cdot b \cdot c \geq 4$  и  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{299}{4} < 111$ . Следовательно, на

промежутке  $[211; 299]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

3)  $X \notin \{300; 301; 302; \dots; 310\}$ . Поэтому выясним, есть ли на промежутке  $[311; 399]$  число  $X$ , для которого частное от деления окажется больше 111.

Если  $X = 311$ , то  $\frac{311}{3 \cdot 1 \cdot 1} < 111$  – частное меньше 111.

Если  $X \in [312; 399]$ , то  $a = 3$  и среди ненулевых цифр  $b$  и  $c$  есть хотя бы одна цифра, отличная от 1. Тогда

$a \cdot b \cdot c \geq 6$  и  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{399}{6} < 111$ . Следовательно, на

промежутке  $[311; 399]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.



4) Рассуждая аналогично, получим

$$X \notin \{400; 401; 402; \dots; 410\}. \quad [411; 499]$$

$$\frac{411}{4 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше } 111.$$

Если  $X \in [412; 499]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{499}{8} < 111$ . Следовательно,

на промежутке  $[411; 499]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

$$5) X \notin \{500; 501; 502; \dots; 510\}. \quad [511; 599]$$

$$\frac{511}{5 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше } 111.$$

Если  $X \in [512; 599]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{599}{10} < 111$ . Следовательно,

на промежутке  $[511; 599]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.



6)  $X \notin \{600; 601; 602; \dots; 610\}$ . [611; 699]

Если  $X = 611$ , то  $\frac{611}{6 \cdot 1 \cdot 1} < 111$  – частное меньше 111.

Если  $X \in [612; 699]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{699}{12} < 111$ . Следовательно,

на промежутке [611; 699] нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

7)  $X \notin \{700; 701; 702; \dots; 710\}$ . [711; 799]

$\frac{711}{7 \cdot 1 \cdot 1} < 111$  – частное меньше 111.

Если  $X \in [712; 799]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{799}{14} < 111$ .

Следовательно, на промежутке [711; 799] нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

8)  $X \notin \{800; 801; 802; \dots; 810\}$ . [811; 899]

$$\frac{811}{8 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше 111.}$$

Если  $X \in [812; 899]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{899}{16} < 111$ . Следовательно, на

промежутке [811; 899] нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

9)  $X \notin \{900; 901; 902; \dots; 910\}$ . [911; 999]

$$\frac{911}{9 \cdot 1 \cdot 1} < 111 \text{ – частное меньше 111.}$$

Если  $X \in [912; 999]$ , то  $\frac{X}{a \cdot b \cdot c} \leq \frac{999}{18} < 111$ . Следовательно,

на промежутке [911; 999] нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

10)Получили:

$$X \notin \{100; 101; 102; \dots; 110\}$$

$$\frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111.$$

На промежутке  $[112; 999]$  нет такого числа  $X$  с ненулевыми цифрами, для которого частное от деления оказалось бы больше 111.

Следовательно, наибольшее частное, которое можно получить в результате деления равно 111.

Ответ: а) да, могло (см. пример),  
б) нет, не могло,  
в) 111.

## Решение вторым способом (в общем виде)

Пусть трёхзначное число равно  $X$ , в нём нет нулевых цифр,

$a$  – его первая цифра,  $a \neq 0$ ,  $a \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

$b$  – его вторая цифра,  $b \neq 0$ ,  $b \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

$c$  – его третья цифра,  $c \neq 0$ ,  $c \in \{1; 2; 3; \dots; 9\}$

$$\frac{X}{a \cdot b \cdot c} = \frac{100a + 10b + c}{a \cdot b \cdot c} = \frac{100}{b \cdot c} + \frac{10}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b}$$

$$\left. \begin{array}{l} \left(\frac{100}{b \cdot c}\right)_{\text{наибольшее}} = 100 \\ \left(\frac{10}{a \cdot c}\right)_{\text{наибольшее}} = 10 \\ \left(\frac{1}{a \cdot b}\right)_{\text{наибольшее}} = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{100}{b \cdot c} + \frac{10}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b} \leq 111$$

Каждая из дробей принимает наибольшее значение только тогда, когда знаменатель обращается в 1. Тогда  $b = c = a = 1$ ,

$$X = \overline{abc} = 111. \text{ Действительно, } \frac{111}{1 \cdot 1 \cdot 1} = 111.$$

111 – наибольшее значение частного.

Ответ: в) 111.

PS Провели теоретическое исследование, нашли число  $X$  и **ОБЯЗАТЕЛЬНО** практически проверили результат, показали его соответствие условию задачи (Действительно, ...)



## Сюжетные задания 19 нужно решать по здравому смыслу

Например, в 2023 году в один из дней экзамена нужно было определить, можно ли на кораблях в грузовых отсеках определённого размера перевезти груз в контейнерах (длина, ширина и высота контейнера были известны).

И часть участников экзамена, отвечая на поставленный вопрос, разделила суммарный объём грузовых отсеков кораблей на суммарный объём контейнеров, не осознавая, что нельзя на одном корабле увезти первую часть контейнера, а на другом вторую его часть, что контейнер – это неделимый на части бокс.

Нужно было разными способами разместить контейнеры в грузовом отсеке и, сравнивая объёмы оставшейся (пустой) части грузового отсека, выбрать оптимальный вариант загрузки одного корабля, а уж после этого отвечать на поставленный в задаче вопрос.

Внимательно нужно читать условие задачи. Мелочей здесь нет. **Приступая к решению, нужно глубоко осознать, что стоит за каждым словом условия.**

Например (ЕГЭ-2022, основная волна), нужно было за один ход из каждой из трёх коробок взять по камню и переложить в четвёртую коробку.

Почти третья часть участников, приступивших к решению этой задачи, не обратила внимания на слова «за один ход ИЗ КАЖДОЙ ВЗЯТЬ ПО камню». Брали камни только из одной коробки: первый ход – из первой, второй ход – из другой и так далее. По сути, решали задачу, которую сами себе составили.

# Особенности выполнения задания 19 (числа)

Итак, решая задачу 19, внимательно читаем условие, понимаем, что означает каждое слово, какой смысл несёт каждая фраза.

Личный жизненный опыт и здравый смысл в этом задании нужны в первую очередь.

Если предстоит ответить: «Да, могло», то можно без обоснований привести пример и доказать его полное соответствие условию задачи.



# Особенности выполнения задания 19

Если предстоит ответить: «Нет, не могло», то решение можно представить двумя способами.

Первый. Можно

- выяснить, каким свойством обладают изучаемые объекты,
- смоделировать множество ВСЕХ объектов, обладающих этим свойством и
- методом перебора показать их противоречивость условию.

Второй способ. Можно

- ✓ ввести буквенную символику, то есть составить буквенную модель объекта,
- ✓ в общем виде выполнить с объектом все манипуляции, указанные в условии задачи,
- ✓ обнаружить противоречие условию.

Методы решения задания в) такие же



## Задание 16. Вклады

В банке можно открыть вклад «Популярный» под 20% годовых и «Интересный» под 10% годовых в первый год и под  $n\%$  годовых во последующие годы ( $n$  – целое число). При каком наименьшем значении  $n$  вклад «Интересный» окажется через 3 года более выгодным, если снимать деньги или пополнять счёт клиент не будет?

### Решение

Пусть  $A$  рублей – первоначальный размер вклада «Популярный», первоначальный размер вклада «Интересный». Тогда в соответствии с условием задачи имеем:

Вклад «Популярный»

Год	Сумма в начале года, рублей	Сумма в конце года, рублей
1-й год	$A$	$1,2A$
2-й год	$1,2A$	$1,2 \cdot 1,2A = 1,44A$
3-й год	$1,44A$	$1,2 \cdot 1,44A = 1,728A$

### Вклад «Интересный»

Год	Сумма в начале года, рублей	Сумма в конце года, рублей
1-й год	$A$	$1,1A$
2-й год	$1,1A$	$(100 + n)\% \text{ от } 1,1A = \frac{(100 + n)1,1A}{100}$
3-й год	$\frac{(100 + n)1,1A}{100}$	$(100 + n)\% \text{ от } \frac{(100 + n)1,1A}{100} = \frac{(100 + n)^2 1,1A}{10\,000}$

По условию задачи через 3 года вклад «Интересный» окажется более выгодным.

$$\frac{(100 + n)^2 1,1A}{10\,000} > 1,728A.$$

По смыслу задачи  $A > 0$ , тогда  $\frac{(100 + n)^2 1,1}{10\,000} > 1,728;$

$$\frac{(100+n)^2 \cdot 1,1}{10\,000} > 1,728;$$

$$(100+n)^2 \cdot 1,1 > 17\,280;$$

$$(100+n)^2 \cdot 11 > 172\,800;$$

$$(100+n)^2 > \frac{172\,800}{11};$$

$$(100+n)^2 > 15\,709 \frac{1}{11}.$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Так как } 100+n > 0, \text{ то } 100+n > \sqrt{15\,709 \frac{1}{11}}; \\ 125 < \sqrt{15\,709 \frac{1}{11}} < 126 \end{array} \right| \Rightarrow (100+n)_{\text{наим., целое}} = 126;$$

$$n_{\text{наим., целое}} = 126 - 100 = 26.$$

26% – наименьшая годовая ставка в банке "Интересный" во второй и последующие годы.

Ответ:  $n_{\text{наим.}} = 26$ .

Пропедевтика ошибок оформления решений.  
Дробно-рациональные неравенства

Дважды (ЕГЭ-2021 и ЕГЭ-2023) решение исходного неравенства сводилось к простейшему дробно-рациональному неравенству с одинаковым числовым числителем. Правильно его решали менее половины участников, приступавших к решению. Типичная ошибка: перенос умения решать уравнение-пропорцию на данную ситуацию (в данном случае перенос умений недопустим)

Пример правильного решения:

$$\frac{1}{x} > \frac{1}{4} \Leftrightarrow \frac{1}{x} - \frac{1}{4} > 0 \Leftrightarrow \frac{4-x}{4x} > 0.$$

Рассмотрим функцию  $f(x) = \frac{4-x}{4x}$ .



$$0 < x < 4$$

Ответ: (0; 4)

PS Знак равносильности можно заменить точкой с запятой



15. Решите неравенство  $x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} \leq \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3}$

Источник: <https://alexlarin.net/ege/2024/trvar459.html>

$$x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} \leq \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3};$$

$$x^3 + 9x^2 + 6 - \frac{6x^3 + 4,5x^2}{x-3} - \frac{(3x+1)^2 - 19}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^3(x-3) + 9x^2(x-3) + 6(x-3) - (6x^3 + 4,5x^2) - (3x+1)^2 + 19}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^4 - 3x^3 + 9x^3 - 27x^2 + 6x - 18 - 6x^3 - 4,5x^2 - 9x^2 - 6x - 1 + 19}{x-3} \leq 0;$$

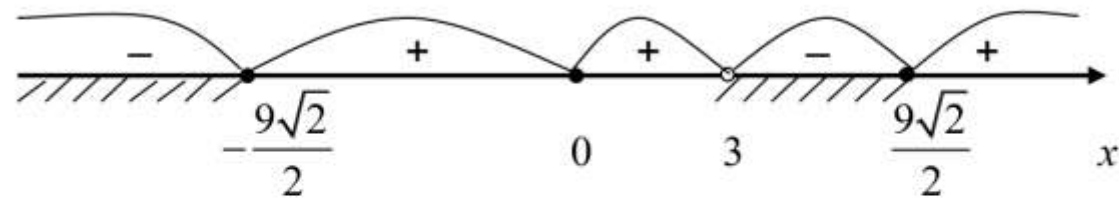
$$\frac{x^4 - 40,5x^2}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^4 - 40,5x^2}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^2 \left( x^2 - \frac{81}{2} \right)}{x-3} \leq 0;$$

$$\frac{x^2 \left( x - \frac{9\sqrt{2}}{2} \right) \left( x + \frac{9\sqrt{2}}{2} \right)}{x-3} \leq 0.$$

Рассмотрим функцию  $f(x) = \frac{x^2 \left( x - \frac{9\sqrt{2}}{2} \right) \left( x + \frac{9\sqrt{2}}{2} \right)}{x-3}$ .



$$x \in \left( -\infty; -\frac{9\sqrt{2}}{2} \right] \cup \{0\} \cup \left( 3; \frac{9\sqrt{2}}{2} \right]$$

Ответ:  $\left( -\infty; -\frac{9\sqrt{2}}{2} \right] \cup \{0\} \cup \left( 3; \frac{9\sqrt{2}}{2} \right]$

# Благодарю за внимание!

Панина Н. А.  
+79051620770

